

Metodi Analitici e Numerici per l'Ingegneria.

Corso di Laurea in Ingegneria Energetica.

A.A. 2012/2013

Appello 0/09/2013

COGNOME ..... NOME .....

MATRICOLA ..... DOCENTI : COLOMBO – PAVANI  
CIPRIANI – PAROLINI.

Tempo a disposizione: 3h.

01. Calcolare la trasformata di Fourier della funzione:  $f(x) = \frac{-x}{(x^2 + 2)^2}$ .

02. Assegnato il problema 
$$\begin{cases} u_t(x,t) - u_{xx}(x,t) = 9x + 4 & 0 < x < 1, t > 0 \\ u(x,0) = 0 & 0 \leq x \leq 1 \\ u(0,t) = u(1,t) = 0 & t > 0 \end{cases}$$

- determinare la soluzione stazionaria  $u^s = u^s(x)$  del problema che soddisfa le condizioni al bordo;
- mostrare che  $0 \leq u(x,t) \leq u^s(x)$  per  $t > 0$ .

03 Sia  $v(x,t) = x^3 + 6xt - e^{t+x}$ , calcolare  $v_t(x,t) - v_{xx}(x,t)$  e  $v(x,0)$ ; dedurre le soluzioni del problema 
$$\begin{cases} u_t(x,t) - u_{xx}(x,t) = x^3 - e^x & x \in R, t \in R^+ \\ u(x,0) = x^3 - e^x & x \in R \end{cases}$$
. Verificare il risultato.

04 Determinare le curve caratteristiche e la soluzione del problema del trasporto:

$$\begin{cases} u_t(x,y,t) + u_x(x,y,t) + u_y(x,y,t) - 2u(x,y,t) = xe^{2t} & (x,y) \in R \times R, t \in R^+ \\ u(x,y,0) = y^2 - 2x & (x,y) \in R \times R \end{cases}$$
. Verificare il risultato.

Metodi Analitici e Numerici per l'Ingegneria.

Corso di Laurea in Ingegneria Energetica.

A.A. 2012/2013

Appello 0/02/2014

COGNOME ..... NOME .....

MATRICOLA ..... DOCENTI : COLOMBO – PAVANI  
CIPRIANI – PAROLINI.

Tempo a disposizione: 3h.

**Riportare sul retro dei fogli i listati matlab degli esercizi eseguiti**

01 Approssimare utilizzando la formula di Eulero la soluzione nel punto  $x = 1$  del seguente

problema di Cauchy  $\begin{cases} y'(x) + 2y(x) = e^{-x} \\ y(0) = 1 \end{cases}$  utilizzando un passo  $h = 0.5, 0.25, 0.125, 0.0625$ .

Per ogni valore di  $h$  utilizzato riportare l'approssimazione calcolata in format short. Commentare i risultati in termini di ordine di convergenza e stabilità.

Valore esatto: \_\_\_\_\_  $ap = \begin{bmatrix} \text{_____} \\ \text{_____} \\ \text{_____} \\ \text{_____} \end{bmatrix}$   $er = \begin{bmatrix} \text{_____} \\ \text{_____} \\ \text{_____} \\ \text{_____} \end{bmatrix}$

---

---

---

---

---

02 Considerare il seguente sistema lineare  $\mathbf{Ax} = \mathbf{b}$  dove il vettore dove  $A$  è la matrice di ordine sei generata dai comandi Matlab®  $\mathbf{A} = \mathbf{fix}(\mathbf{magic}(6)/15)$ ;  $\mathbf{A} = \mathbf{A} * \mathbf{A}' + 15 * \mathbf{eye}(6)$ ; e  $\mathbf{b}$  è il vettore dei termini noti ottenuto supponendo che la soluzione sia il vettore avente le prime tre componenti uguali ad uno e le altre tre uguali a meno uno. Giustificare perché il metodo di Gauss-Seidel è applicabile e convergente (motivare la risposta).

Calcolare un'approssimazione della soluzione utilizzando il metodo di Gauss-Seidel con tolleranza  $tol = 10^{-6}$  e con vettore iniziale il vettore  $\mathbf{x}_0 = \mathbf{b}$ . Riportare la soluzione calcolata (con il numero adeguato di cifre significative). \_\_\_\_\_  
Riportare il numero di iterazioni effettuate \_\_\_\_\_  
Riportare l'errore tra la norma della soluzione esatta e la norma dell'ultima iterata calcolata. Commentare il risultato. \_\_\_\_\_

03 Approssimare la derivata seconda della funzione  $y = \ln(\cos x)$  in  $x = 0$  utilizzando la formula alle differenze centrate con passi di 0.05 , 0.025 , 0.0125 , 0.00625. Riportare per ogni passo utilizzato solo il numero di cifre corrette dell'approssimazione calcolata. Lavorare in format long.

Valori esatto:  $y'' =$  \_\_\_\_\_

d2=  $\left[ \begin{array}{l} \text{_____} \\ \text{_____} \\ \text{_____} \\ \text{_____} \end{array} \right]$

04 Risolvere con il metodo di Newton il sistema  $\begin{cases} e^{2x} - e^{3y-4} = 0 \\ \ln x + 2 \ln y - \ln 4 = 0 \end{cases}$  utilizzando come vettore iniziale

$[2 \ 1]'$  ed una tolleranza di  $10^{-5}$ .

M file per il sistema è: \_\_\_\_\_

M file per lo jacobiano è: \_\_\_\_\_

Il metodo di Newton fornisce come approssimazione della soluzione il vettore [ \_\_\_\_\_ ; \_\_\_\_\_ ] ottenuto in \_\_\_\_\_ iterazioni.